



## Bab 7

# Analisa Kinerja Multi Parameter dengan Teknik Karakterisasi Beban kerja (Workload)

Dr. Yeffry Handoko Putra , M.T



# KARAKTERISASI BEBAN KERJA

Merupakan proses memodelkan beban kerja yang dapat diulang dalam kondisi riil

Contoh Komponen Beban kerja [Raj Jain]

- Perilaku Aplikasi: e-mail, text editing pengembangan program, updating. Perilaku aplikasi dapat dikarakterisasi
- Situs: lokasi organisasi, lokasi web
- Sesi pengguna: sesi lengkap pengguna mulai dari log in sampai log out



# TEKNIK KARAKTERISASI BEBAN KERJA

1. Perata-rataan (*Averaging*)
2. Spesifikasi Penyebaran (*Specifying Dispersion*)
3. Histogram parameter tunggal (*Single-parameter Histogram*)
4. Histogram parameter ganda (*Multiparameter Histogram*)
5. Analisis Komponen Dasar (*Principal-Component Analysis*)
6. Model Markov (*Markov models*)
7. Pengkelompokan (*Clustering*)

Analisis Multi  
Parameter,  
Multi Kelas



## Perata-rataan (*Averaging*)

Arithmetic mean:

$$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i$$



## Spesifikasi Penyebaran (*Specifying Dispersion*)

Variasi dinyatakan dengan varian (Var) dan ditulis sebagai kuadrat standar deviasi  $s^2$

$$s^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n - 1}$$

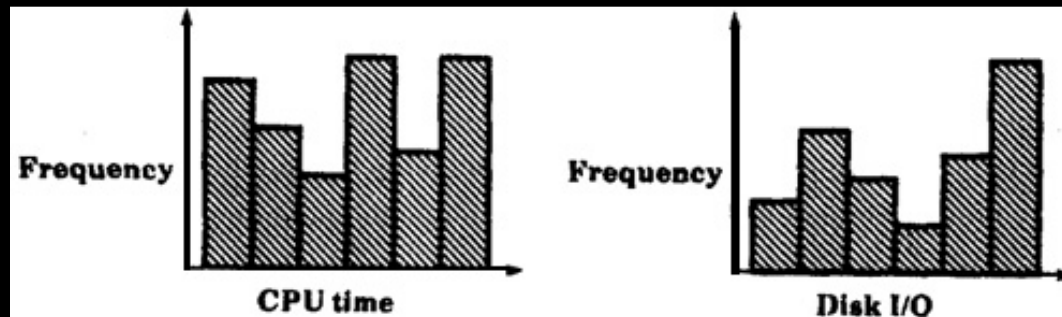
Rasio standar deviasi terhadap mean disebut COV (Coefficient of Variance)

$$COV = \frac{s}{\bar{x}}$$

Jika COV bernilai nol berarti varian-nya nol dan parameter beban kerja bersifat konstan

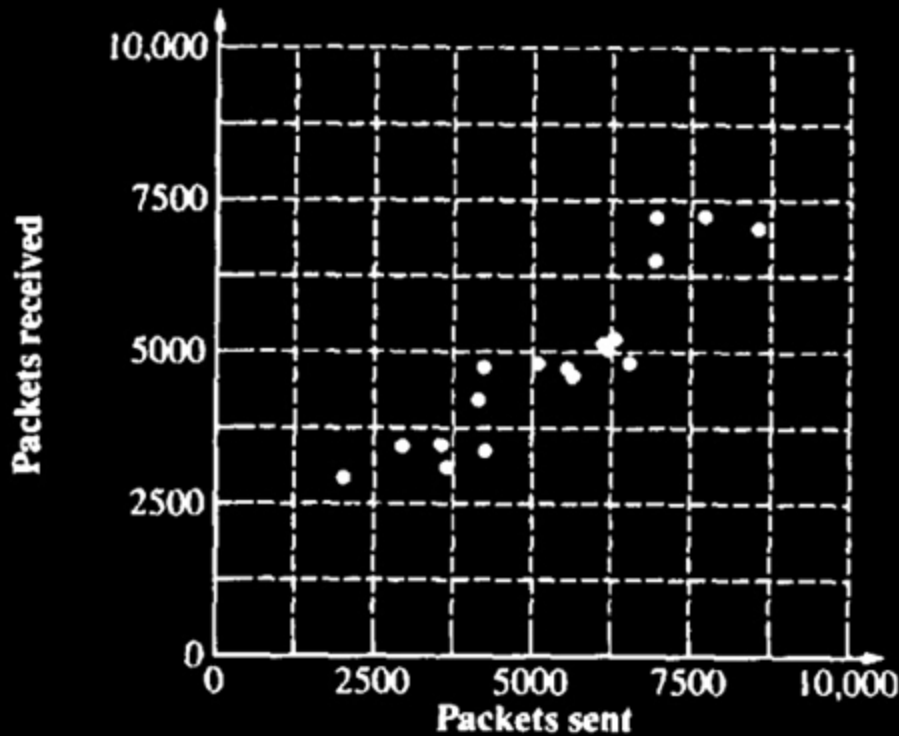


## Histogram parameter tunggal (*Single-parameter Histogram*)



- Histogram menyatakan frekuensi dari beberapa nilai parameter. Untuk parameter kontinu rentang (cell/bucket) perlu dibagi lebih kecil lagi

## Histogram parameter ganda (*Multiparameter Histogram*)



Matriks (histogram)  
n-dimensi digunakan untuk  
menyatakan distribusi  
n-parameter beban kerja



## Analisis Komponen Dasar (*Principal-Component Analysis*)

|Digunakan untuk mengkarakterisasi / mengklasifikasi beban kerja menggunakan pembobotan ( $a_j$ )

$$y_i = \sum_{j=1}^n a_{ij}x_j$$

Digunakan untuk mengklasifikasi komponen beban kerja ( $x_j$ ) menjadi kelas-kelas tertentu





**Analisis Komponen Dasar** adalah metoda untuk mencari pembobot ( $a_j$ ) sehingga perbedaan antara masing-masing kelas menjadi jelas (maksimum)

Syarat yang harus dipenuhi:

Masing-masing kelas  $y_i$  harus tidak berkorelasi, yang dipenuhi dengan persamaan orthogonal:

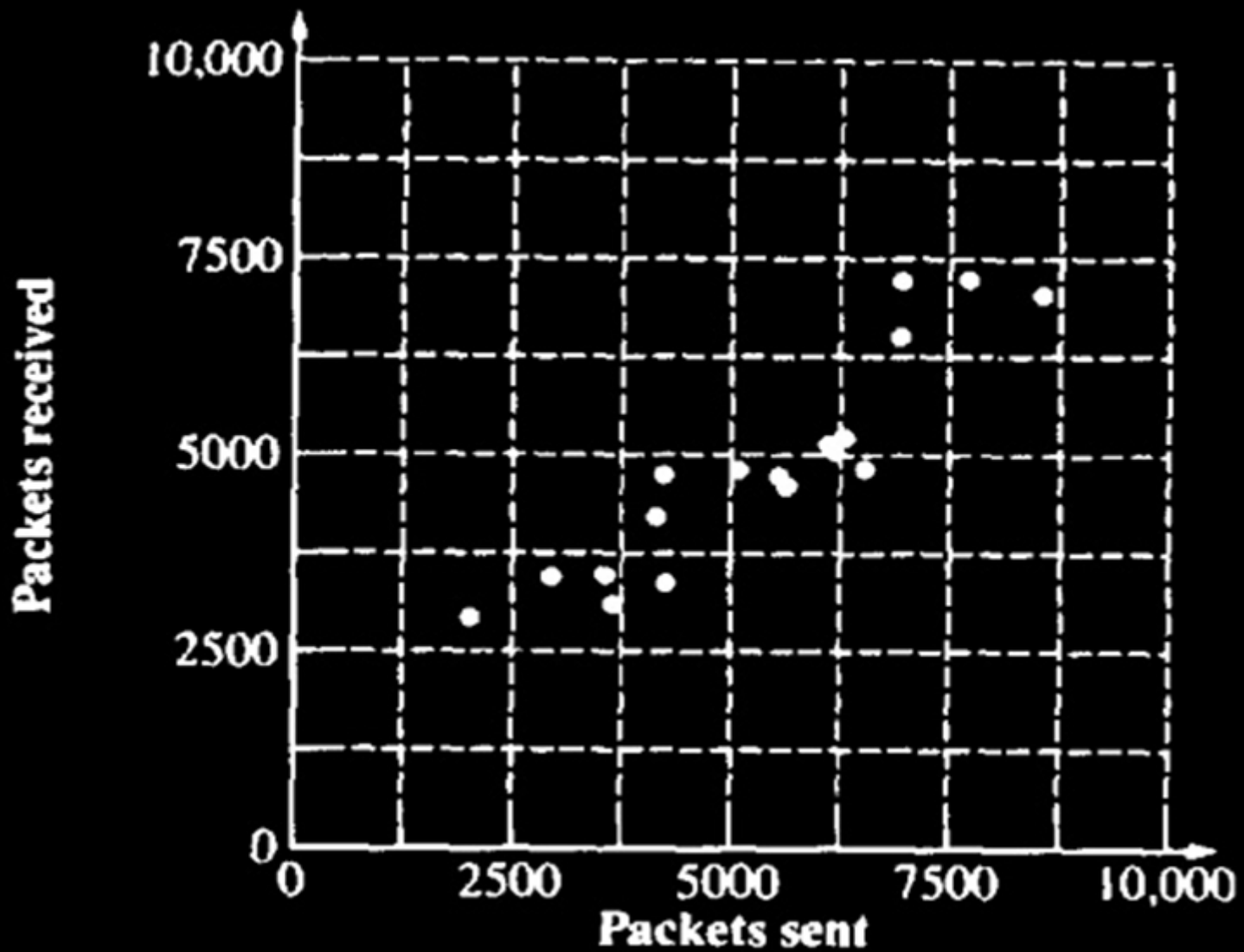
$$\langle y_i | y_j \rangle = \sum_k a_{ik} x_{kj} = 0$$



Contoh:

Jumlah paket data yang dikirim dan diterima dinyatakan dengan  $x_s$  dan  $x_p$ . Paket ini dikirim dan diterima pada beberapa LAN. Dari gambar plot terdapat korelasi antara kedua variabel ini





**TABLE 6.4 A Data for Principal-Component Analysis Example 6.1**

Observation No.	Variables		Normalized Variables		Principal Factors	
	$x_z$	$x_r$	$x'_z$	$x'_r$	$y_1$	$y_2$
1	7718	7258	1.359	1.717	2.175	-0.253
2	6958	7232	0.922	1.698	1.853	-0.549
3	8551	7062	1.837	1.575	2.413	-0.186
4	6924	6526	0.903	1.186	1.477	-0.200
5	6298	5251	0.543	0.262	0.570	0.199
6	6120	5158	0.441	0.195	0.450	0.174
7	6184	5051	0.478	0.117	0.421	0.255
8	6527	4850	0.675	-0.029	0.457	0.497
9	5081	4825	-0.156	-0.047	-0.143	-0.077
10	4216	4762	-0.652	-0.092	-0.527	-0.396
11	5532	4750	0.103	-0.101	0.002	0.145
12	5638	4620	0.164	-0.195	-0.022	0.254
13	4147	4229	-0.692	-0.479	-0.828	-0.151
14	3562	3497	-1.028	-1.009	-1.441	-0.013
15	2955	3480	-1.377	-1.022	-1.696	-0.251
16	4261	3392	-0.627	-1.085	-1.211	0.324
17	3644	3120	-0.981	-1.283	-1.601	0.213
18	2020	2946	-1.914	-1.409	-2.349	-0.357
$\sum x$	96,336	88,009	0.000	0.000	0.000	0.000
$\sum x^2$	567,119,488	462,661,024	17.000	17.000	32.565	1.435
Mean	5352.0	4899.4	0.000	0.000	0.000	0.000
Standard Deviation	1741.0	1379.5	1.000	1.000	1.384	0.290



1. *Hitung mean dan standar deviasi:*

$$\bar{x}_s = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_{si} = \frac{96,336}{18} = 5352.0$$

$$\bar{x}_r = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_{ri} = \frac{88,009}{18} = 4889.4$$

$$\begin{aligned} s_{x_s}^2 &= \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_{si} - \bar{x}_s)^2 \\ &= \frac{1}{n-1} \left[ \left( \sum_{i=1}^n x_{si}^2 \right) - n\bar{x}_s^2 \right] \\ &= \frac{567,119,488 - 18 \times 5352^2}{17} = 1741.0 \end{aligned}$$

Juga untuk



$$s_{x_r}^2 = \frac{462,661,024 - 18 \times 4889.4^2}{17} = 1379.5$$

2. *Normalisasi variabel terhadap rata-rata nol (zero mean) dan standar deviasi.* Nilai ternormalisasi  $x'_s$  dan  $x'_r$ , diberikan oleh :

$$x'_s = \frac{x_s - \bar{x}_s}{s_{x_s}} = \frac{x_s - 5352}{1741}$$

$$x'_r = \frac{x_r - \bar{x}_r}{s_{x_r}} = \frac{x_r - 4889}{1380}$$

3. Hitung korelasi antar variabel:

$$R_{x_s x_r} = \frac{(1/n) \sum_{i=1}^n (x_{si} - \bar{x}_s)(x_{ri} - \bar{x}_r)}{s_{x_s} s_{x_r}} = 0.916$$



4. Siapkan Matrik Korelasi

$$C = \begin{bmatrix} 1.000 & 0.916 \\ 0.916 & 1.000 \end{bmatrix}$$

5. Hitung Nilai Eigen dari matriks korelasi:

$$|\lambda I - C| = \begin{vmatrix} \lambda - 1 & -0.916 \\ -0.916 & \lambda - 1 \end{vmatrix} = 0 \text{ atau} \\ (\lambda - 1)^2 - 0.916^2 = 0$$

Diperoleh nilai Eigen: 1.916 dan 0.084

6. Hitung Vektor Eigen dari matriks korelasi:

Vektor Eigen untuk nilai Eigen  $\lambda_1=1.916$  adalah

$$Cq_1 = \lambda_1q_1 \text{ atau}$$



$$\begin{bmatrix} 1.000 & 0.916 \\ 0.916 & 1.000 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} q_{11} \\ q_{21} \end{bmatrix} = 1.916 \begin{bmatrix} q_{11} \\ q_{21} \end{bmatrix}$$

didapati  $q_{11} = q_{21}$

sehingga

$$q_1 = \begin{bmatrix} 1 \\ \frac{1}{\sqrt{2}} \\ 1 \\ \frac{1}{\sqrt{2}} \end{bmatrix}$$

Sama juga untuk mencari vektor Eigen dari  $\lambda_2=0.084$

$$q_2 = \begin{bmatrix} 1 \\ \frac{1}{\sqrt{2}} \\ 1 \\ -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{bmatrix}$$





Diperoleh factor dasar (principal factor) dengan mengkalikan vektor Eigen dengan vektor ternormalisasi:

$$\begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{x_s - 5352}{1741} \\ \frac{x_r - 4889}{1380} \end{bmatrix}$$

Hasilnya adalah:



Observation No.	Variables		Normalized Variables		Principal Factors	
	$x_s$	$x_r$	$x'_s$	$x'_r$	$y_1$	$y_2$
1	7718	7258	1.359	1.717	2.175	-0.253
2	6958	7232	0.922	1.698	1.853	-0.549
3	8551	7062	1.837	1.575	2.413	0.186
4	6924	6526	0.903	1.186	1.477	-0.200
5	6298	5251	0.543	0.262	0.570	0.199
6	6120	5158	0.441	0.195	0.450	0.174
7	6184	5051	0.478	0.117	0.421	0.255
8	6527	4850	0.675	-0.029	0.457	0.497
9	5081	4825	-0.156	-0.047	-0.143	-0.077
10	4216	4762	-0.652	-0.092	-0.527	-0.396
11	5532	4750	0.103	-0.101	0.002	0.145
12	5638	4620	0.164	-0.195	-0.022	0.254
13	4147	4229	-0.692	-0.479	-0.828	-0.151
14	3562	3497	-1.028	-1.009	-1.441	-0.013
15	2955	3480	-1.377	-1.022	-1.696	-0.251
16	4261	3392	-0.627	-1.085	-1.211	0.324
17	3644	3120	-0.981	-1.283	-1.601	0.213
18	2020	2946	-1.914	-1.409	-2.349	-0.357
$\sum x$	96,336	88,009	0.000	0.000	0.000	0.000
$\sum x^2$	567,119,488	462,661,024	17.000	17.000	32.565	1.435
Mean	5352.0	4889.4	0.000	0.000	0.000	0.000
Standard Deviation	1741.0	1379.5	1.000	1.000	1.384	0.290

Harus nol

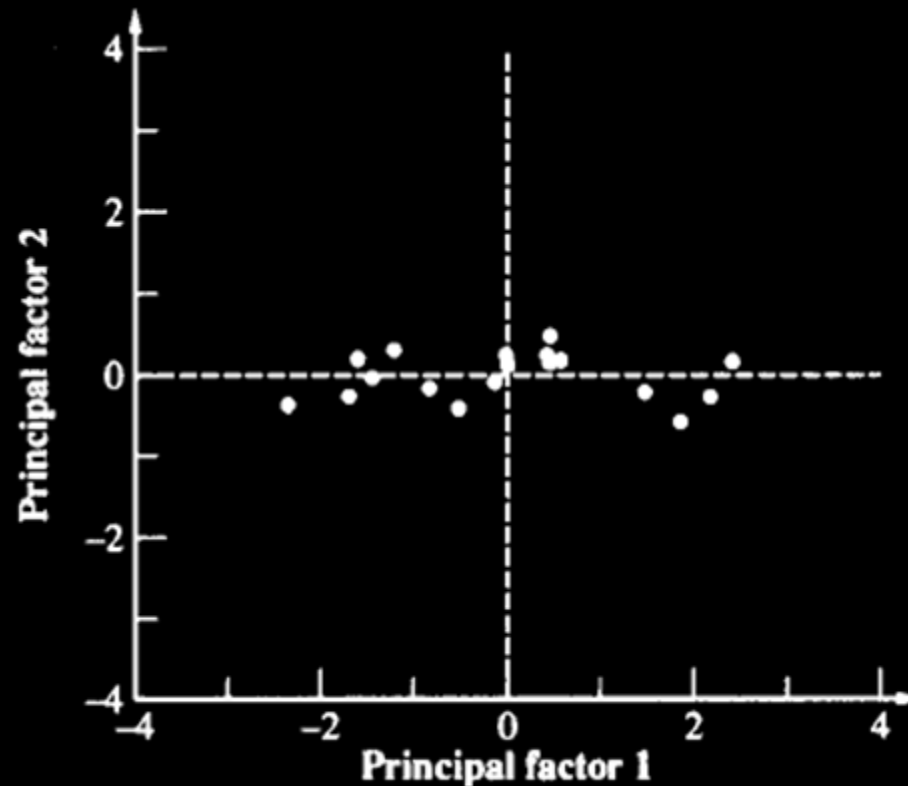
varian



Varian  $y_1$ :  $32.565 / (32.565 + 1.435) = 95.7\%$

Varian  $y_2 = 4.3\%$

Varian paling banyak di faktor dasar ke satu, terlihat:



## Model Markov (*Markov models*)

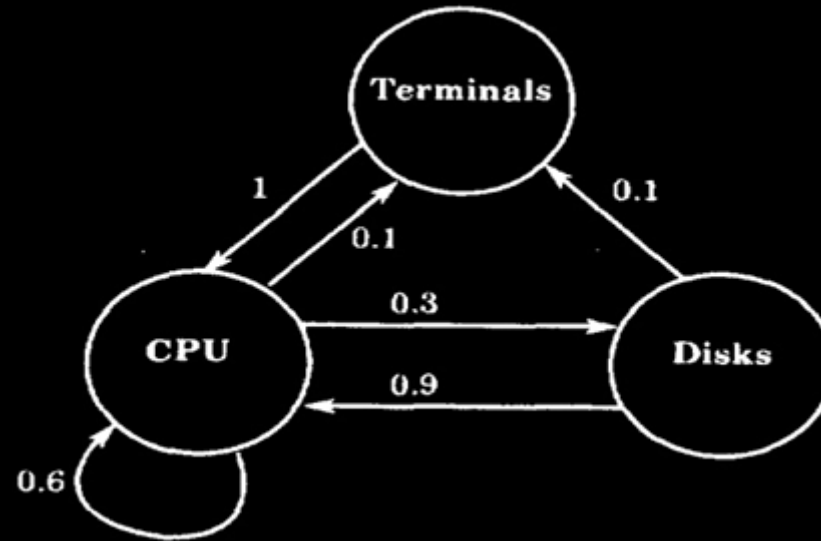
- Dalam Analisis kinerja terkadang kinerja sekarang ditentukan oleh kinerja sebelumnya.
- Sehingga yang diperlukan bukan **hanya jumlah** permintaan layanan tetapi **urutan kejadian** lebih penting dan jika jumlah permintaan layanan berikutnya ditentukan **hanya oleh** layanan sebelumnya maka digunakan model Markov.
- Digunakan pada Analisis model Antrian
- $P(\text{transisi ke status berikutnya}) = f(\text{status sekarang}) \neq f(\text{semua status sebelumnya})$



# Contoh Model Markov

TABLE 6.5 Transition Probability Matrix

From/To	CPU	Disk	Terminal
CPU	0.6	0.3	0.1
Disk	0.9	0	0.1
Terminal	1	0	0



Contoh: Pada pengiriman paket data dibagi menjadi paket besar dan paket kecil, paket berukuran kecil mendominasi traffic sebanyak 80%. Rata-rata 4 paket kecil (k) dilanjuti oleh satu paket besar(b). Atau urutannya ditulis:

kkkkbkkkkbkkkk

Sehingga matrik probabilitas transisinya:

Paket Skrg	Paket berikutnya	
	Kecil	Besar
Kecil	0.75	0.25
Besar	1	0

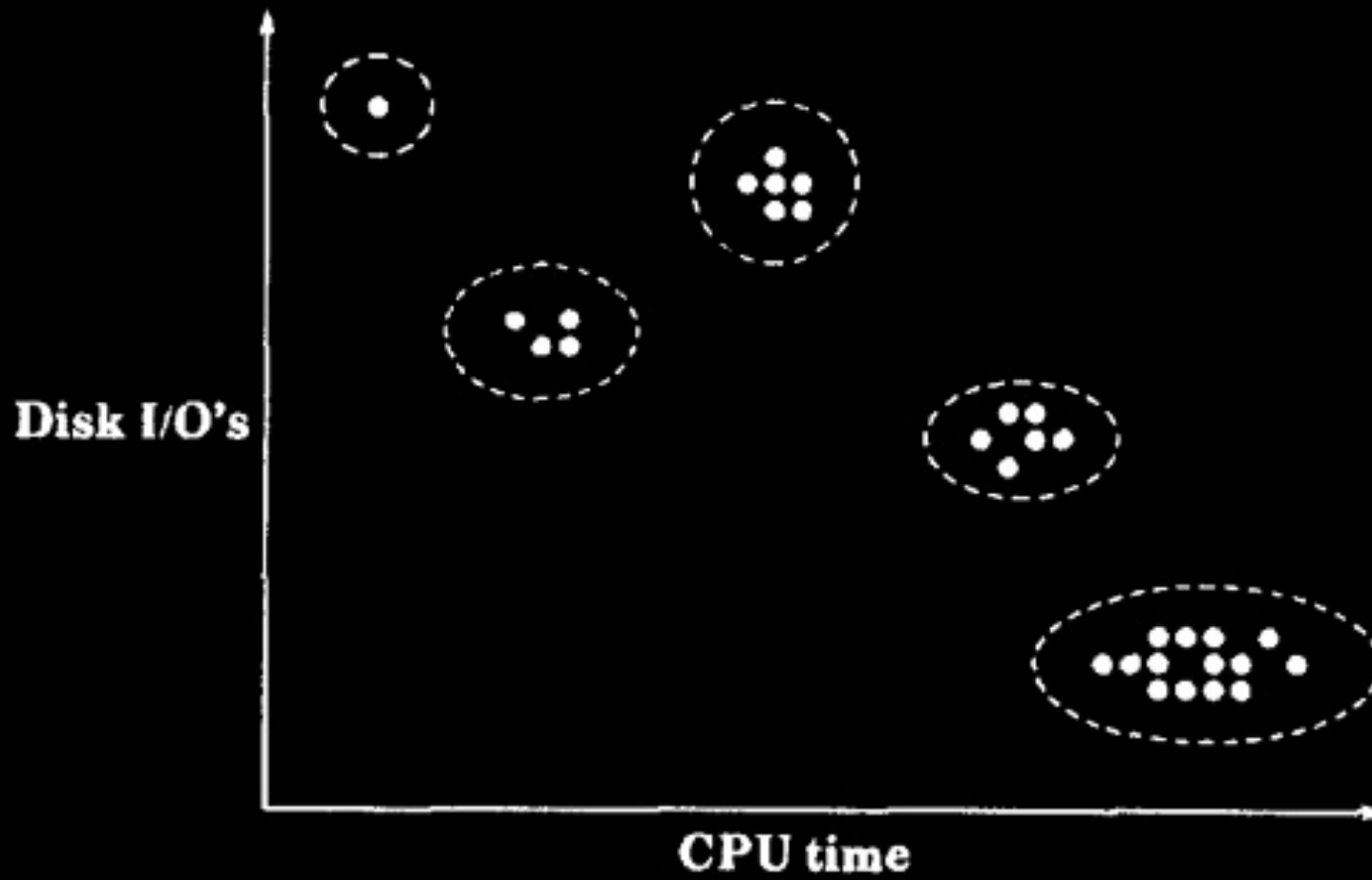


# CLUSTERING

Klasifikasi Kinerja menjadi beberapa kelas kecil yang disebut klaster.



CPU dan I/O Disk membutuhkan 30 pekerjaan. Pekerjaan dapat dinyatakan hanya dengan 5 klaster





Untuk mengkarakterisasi data beban kerja menjadi klaster ,  
dilakukan langkah-langkah berikut:

1. Ambil sampel dari beban kerja
2. Pilih parameter beban kerja
3. Transormasikan parameter bila perlu
4. Hilangkan pencilan (outlier/outstanding)
5. Skalikan semua pengamatan
6. Pilih jarak pengukuran
7. Tampilkan klaster
8. Interpretasikan klaster yang dihasilkan
9. Ubah parameter atau ubah jumlah klaster, ulangi tahap 3 sampai 7
10. Pilih komponen representative dari setiap klaster



## 1. Sampling

Salah satu metoda sampling adalah pemilihan acak

## 2. Pemilihan Parameter

Dua kunci pemilihan parameter adalah berdasarkan dampaknya dan variannya

## 3. Transformasi

Jika distribusi dari parameternya condong maka perlu transformasi misalkan dengan transformasi logaritmik

## 4. Pencilan

Data dengan nilai sangat ekstrim disebut pencilan / outlier. Hanya pencilan yang tidak mengambil porsi dari sumber daya sistem dapat dihilangkan



## 5. Penskalaan Data

a. Normalisasi ke rata-rata nol (zero mean) dan satuan

$$\text{varian: } x'_{ik} = \frac{x_{ik} - \bar{x}_k}{s_k}$$

b. Pembobotan:  $x'_{ik} = w_k x_{ik}$

c. Normalisasi Rentang, rentang diubah dari  $[x_{\min,k},$

$$x_{\max,k}] \text{ jadi } [0, 1]: x'_{ik} = \frac{x_{ik} - x_{\min,k}}{x_{\max,k} - x_{\min,k}}$$

d. Normalisasi Percentile, Data diskalakan sehingga 95% nilainya berada di antara 0 dan 1:

$$x'_{ik} = \frac{x_{ik} - x_{2.5k}}{x_{97.5k} - x_{2.5k}}$$



6. Jarak Metriks, kedekatan data terhadap suatu kluster dinyatakan dengan pengukuran jarak. Tiga metoda yang sering digunakan:

a. Jarak Euclidian:

$$d = \left\{ \sum_{k=1}^n (x_{ik} - x_{jk})^2 \right\}^{0.5}$$

b. Jarak Euclidian terboboti :

$$d = \left\{ \sum_{k=1}^n a_k (x_{ik} - x_{jk})^2 \right\}^{0.5}$$

$a_k$  = pembobot



c. Jarak Chi-Square:

$$d = \sum_{k=1}^n \left\{ \frac{(x_{ik} - x_{jk})^2}{x_{ik}} \right\}$$



## 7. Teknik Klaster

Dasar dari *clustering* adalah pemilahan yang membuat anggota dari suatu klas semirip mungkin dan jauh berbeda dengan klas yang lain. Meminimalkan varian intragroup dalam:

**Total varian=varian intragroup+varian intergroup**



## Metoda Minimum Pohon Rentang (*Minimum Spanning Tree Method*)

1. Mulai dengan  $k = n$  klaster
2. Cari titik pusat klaster ke- $i$ ,  $i=1, 2, \dots, k$   
Nilai titik pusat sama dengan rata-rata semua titik di dalam klaster
3. Hitung matriks jarak intercluster
4. Cari jarak terkecil selain nol dari matriks jarak,  $d_{lm}$



5. Ulangi langkah 2-4 sehingga semua menjadi bagian suatu klaster





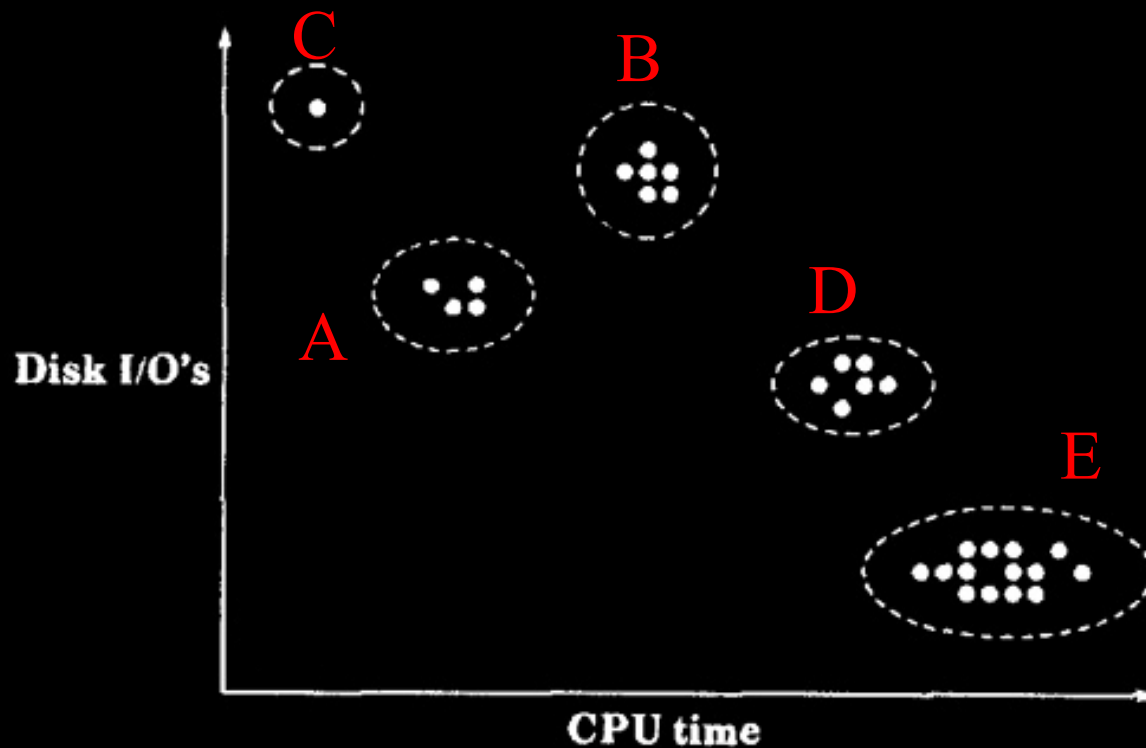
Contoh: Suatu beban kerja terdiri dari 5 komponen, 2 parameter. CPU time dan jumlah I/O Disk diukur untuk 5 program. Nilai parameter yang diskalakan :

Program	CPU Time	Disk I/O
A	2	4
B	3	5
C	1	6
D	4	3
E	5	2



Langkah 1: Anggap ada 5 klaster dengan klaster ke- $i$  hanya beranggotakan program ke- $i$

Langkah 2: Titik Pusatnya adalah  $\{2,4\}$ ,  $\{3,5\}$ ,  $\{1,6\}$ ,  $\{4,3\}$ , dan  $\{5,2\}$



Langkah 3: Menggunakan pengukuran jarak Euclidian ,  
matriks jaraknya:

Program	Program				
	A	B	C	D	E
A	0	$\sqrt{2}$	$\sqrt{5}$	$\sqrt{5}$	$\sqrt{13}$
B		0	$\sqrt{5}$	$\sqrt{5}$	$\sqrt{13}$
C			0	$\sqrt{18}$	$\sqrt{32}$
D				0	$\sqrt{2}$
E					0

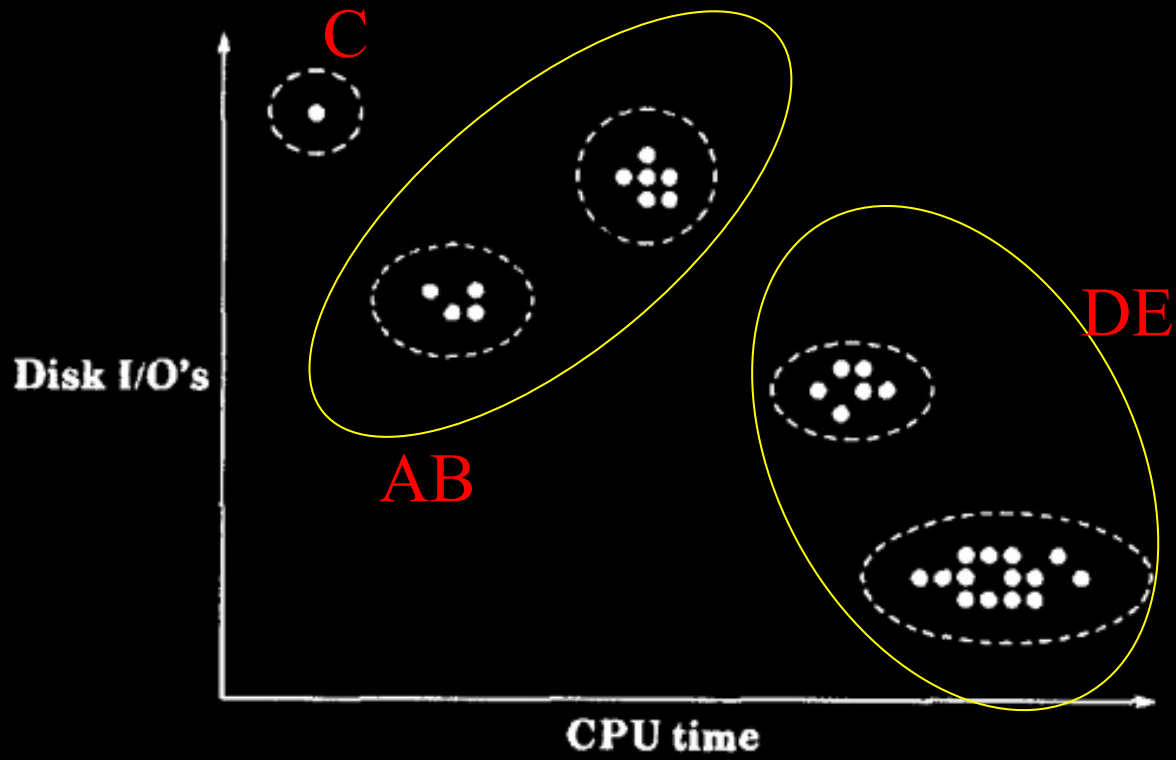


Langkah 4: Jarak Interklaster minimum  $\sqrt{2}$  antara A dan B, D dan E. Kedua pasangan titik ini kemudian digabung

Langkah 2: Titik pusat pasangan AB adalah  $\{(2+3)/2, (4+5)/2\} = \{2.5, 4.5\}$ . Juga pasangan DE adalah  $\{4.5, 2.5\}$ .  
Titik Pusat yang lain tetap sama

Langkah 3: Sehingga sekarang terdapat 3 klaster





Dengan Matriks Jaraknya sekarang:

Program	Program		
	AB	C	DE
AB	0	$\sqrt{4.5}$	$\sqrt{8}$
C		0	$\sqrt{24.5}$
DE			0

Langkah 4: Jarak Interklaster minimum sekarang  $\sqrt{4.5}$  antara AB dan C. Kedua klaster ini kemudian digabung

Langkah 2: Titik Pusat ABC adalah:  $\{(2+3+1)/3, (4+5+6)/3\}$   
 $= \{2,5\}$



Langkah 3: Matriks jaraknya sekarang:

	Program	
Program	ABC	DE
ABC	0	$\sqrt{12.5}$
DE		0

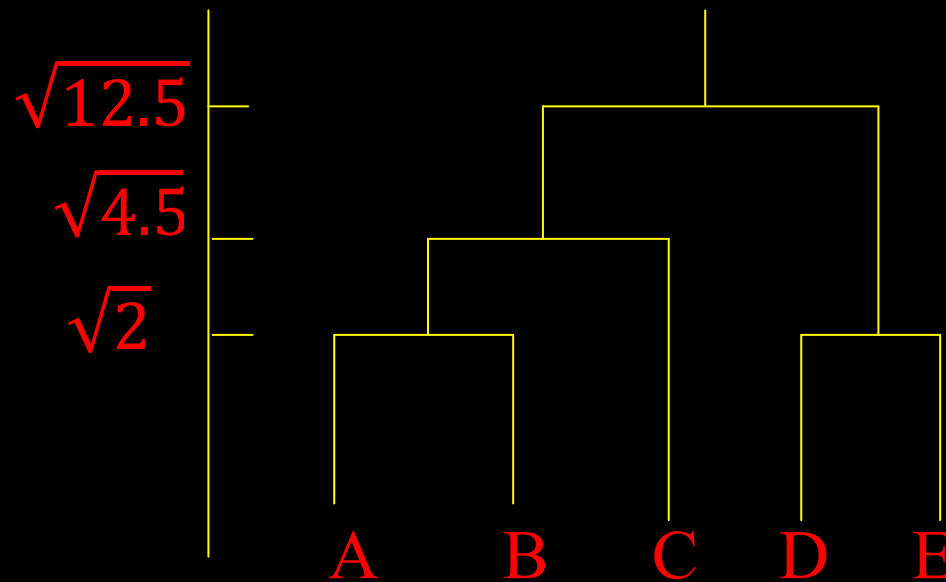
Langkah 4: Jarak Interklaster minimum:  $\sqrt{12.5}$ .

Penggabungan ABC dan DE jadi satu klaster ABCDE.

Jumlah klaster ditentukan dari jarak minimum interklaster atau jarak maksimum intraklaster

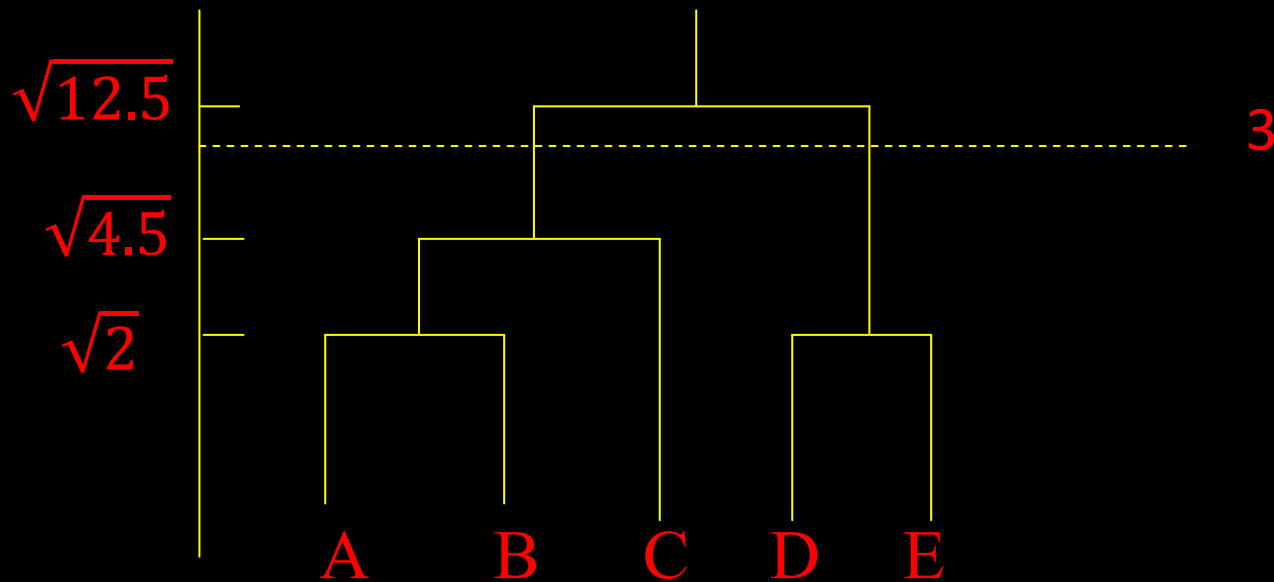


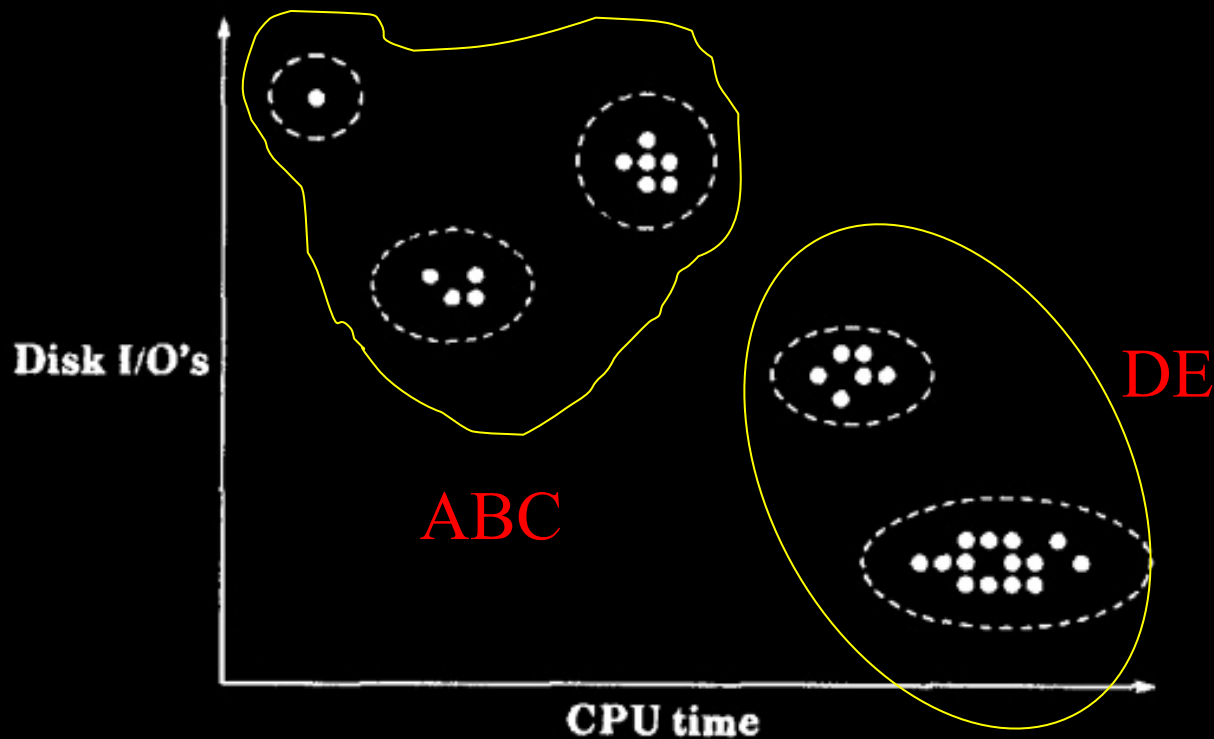
Dalam bentuk pohon rentang (spanning tree) digambarkan dalam bentuk dendogram :





Jika dipilih jarak maksimum intrakluster adalah 3 maka terdapat dua klaster yaitu ABC dan DE





Klastering berdasarkan permintaan sumber daya (*resource demand*) bukan jumlah populasi dalam klaster. Meski ada satu anggota tapi berdampak pada permintaan sumber daya, maka tidak dapat diabaikan