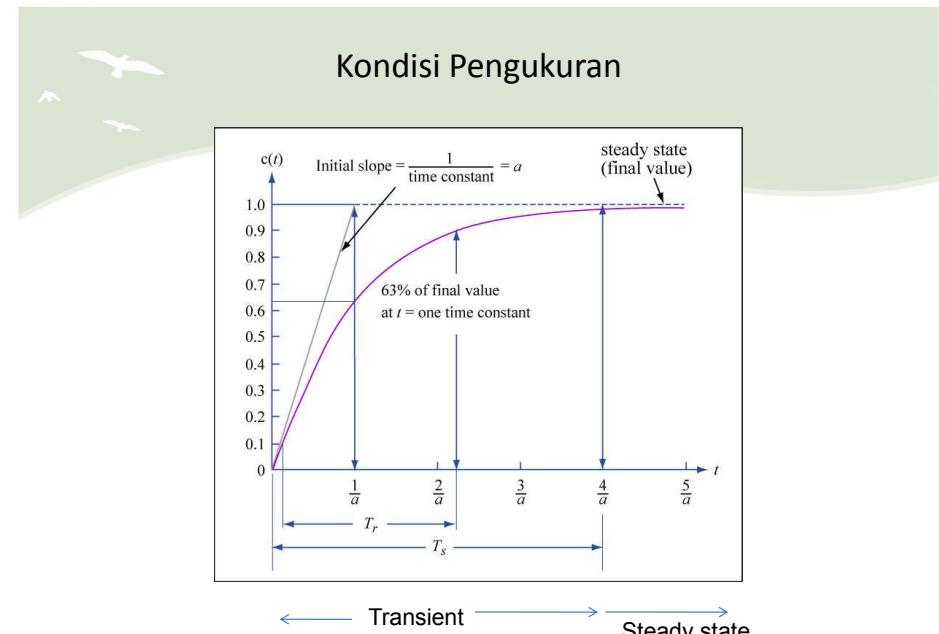




- **Karakteristik dinamik** dapat dinyatakan sebagai respon sistem pada
  - saat transien pada input konstan
  - diberikan input yang berubah terhadap waktu.
- **Karakteristik dari “orde instrumen”**
  - Instrumen orde nol dikarakterisir oleh :  
**sensitivitas =  $K$  (perbandingan output-input)**
  - Instrumen orde satu dikarakterisir oleh :  
**sensitivitas ( $K$ ) dan konstanta waktu ( $\tau$ )**
  - Instrumen orde dua dikarakterisir oleh :  
**gain ( $K$ ) dan dua macam konstanta waktu ( $\tau_1$  dan  $\tau_2$ ) atau frekuensi natural ( $\omega_n$ ) dan perbandingan redaman ( $\xi$ )**
  - Instrumen orde tinggi dikarakterisir seperti pada instrumen orde nol, orde satu atau orde 2 ditambah dengan waktu mati.

136



- **Respons instrumen pada saat transien (untuk input konstan)**
  - Instrumen orde nol, respon instrumen persis seperti inputnya
  - Instrumen orde satu, respons instrumen perlu waktu untuk mencapai keadaan steady (harga konstan)
  - Sistem orde dua, menghasilkan overshoot.
  - Sistem orde tinggi sistem tidak merespons sebelum waktu mati terlewati.
- **Efek dinamik pada keadaan steady state untuk input konstan**
  - Untuk instrumen dengan semua orde, memberikan harga respons (output) yang juga konstan, dimana harga respons ( $e_o$ ) sama dengan perkalian antara sensitivitas ( $K$ ) dan input ( $e_i$ )

$$e_o = K e_i$$

137

## Parameter yang terkait pada sistem dinamis

- **Waktu settling (settling time):** waktu yang diperlukan supaya harga respons sistem mencapai kesalahan 5% dari harga steady state
- **Waktu mati (dead time):** waktu yang diperlukan sistem untuk mulai merespons diukur terhadap saat input yang diberikan
- **Konstanta waktu (time constant):** parameter pada sistem orde I, yang tergantung pada parameter fisik sistem  
Contoh pada sistem termal  $\tau = \frac{MC_v}{hA}$
- **Waktu naik (rise time):** waktu yang diperlukan oleh sistem suaya harga responsnya naik dari 5% sampai 95% harga steady state

138

## Sistem orde Nol

- Adalah sistem yang respons dinamik nya dapat diabaikan, sehingga jika mendapatkan input akan langsung respons seperti yang diharapkan
- Sistem orde nol adalah sistem teoritis, karena tidak akan terjadi pada situasi riil.
- Persamaan sistem orde nol adalah:  
$$e_o = K e_i$$
- Dikarakterisir oleh parameter sensitivitas saja (K).
- Jika respons transien tidak menjadi perhatian, maka suatu sistem dinyatakan sebagai sistem orde nol.

139

## Sistem Orde I tipe nol, Sistem Termal

- Jika suatu benda dengan volume V dan luas permukaan A, pada temperatur  $T_b$  dimasukkan dalam cairan yang temperurnya  $T_c$  ( $T_c > T_b$ ), maka temperatur benda  $T_b$  akan naik sampai terjadi kesetimbangan energi termal antara cairan dan benda.
- Persamaan energi

### Energi masuk – Energi keluar = Energi Tersimpan

- Energi termal masuk ke benda dari cairan:

$$Q = h A (T_c - T_b) dt$$

- Energi keluar benda = 0, jika benda tenggelam dalam cairan
- Energi tersimpan dalam benda:

$$Q = M C_v \Delta T_b$$

140

- Persamaan kesetimbangan Energi Termal Benda:

$$h A (T_c - T_b) \Delta t = MC_v \Delta T_b$$

h = koefisien perpindahan kalor

A = luas kontak antara benda dengan cairan

M = massa benda

C<sub>v</sub> = kapasitas kalor benda

ΔT<sub>b</sub> = perubahan temperatur benda

Δt = perubahan waktu

- Persamaan diferensial:

$$MC_v dT_b/dt + hA T_b = hA T_c$$

- Sistem termal disebut sebagai sistem orde I tipe nol, karena orde diferensiasi input nol.

141

- Persamaan diferensial Sistem Orde I tipe nol dalam bentuk umum:

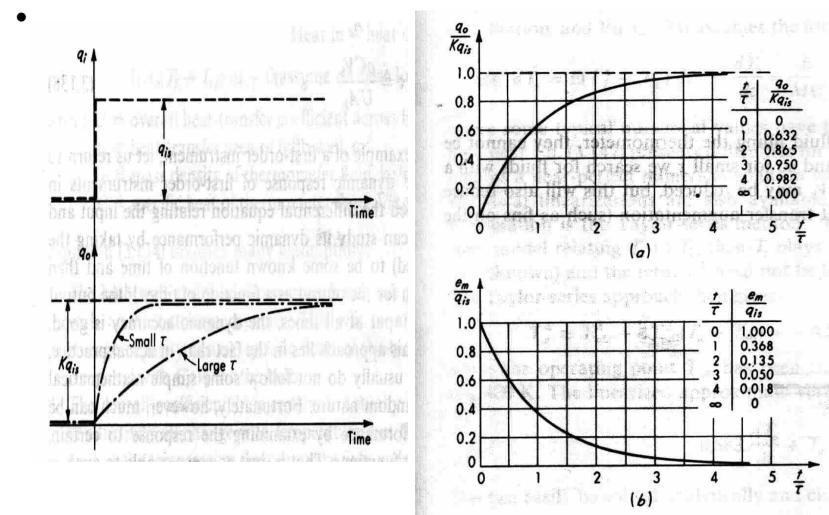
$$\tau \frac{de_o}{dt} + e_o = Ke_i$$

- Di mana  $\tau = \frac{MC_v}{hA}$  dan  $K = 1$

- Solusi persamaan diferensial dalam domain waktu menyatakan respons sistem sebagai fungsi waktu,
- Solusi persamaan diferensial dalam domain frekuensi menyatakan respons frekuensi sistem.

142

### Respons sistem orde I tipe nol pada input step dan kesalahan respons pada saat transien



144

Respons Sistem Orde I dalam domain waktu.  
Solusi Pers differensial orde I tipe nol, untuk input Step

$$\frac{MC_v}{hA} \frac{dT_b}{dt} + T_b = T_c \quad \text{atau} \quad \tau \frac{dT_b}{dt} + T_b = T_c$$

- Solusi umum (transien):

$$e_o = (Ce^{-t/\tau})$$

- Input step

$$e_i = \begin{cases} \hat{e}_i & \text{untuk } t \geq 0 \\ 0 & \text{untuk } t < 0 \end{cases}$$

- Solusi Khusus  $e_o = K\hat{e}_i$

- Solusi Total

$$e_o = Ce^{-t/\tau} + K\hat{e}_i$$

- Syarat awal: pada  $t = 0$   $e_o = 0$ , maka  $C = -K\hat{e}_i$

- Sehingga Solusi Total

$$e_o = K\hat{e}_i (1 - e^{-t/\tau})$$

- Jika respons transien mati maka output sistem mengikuti bentuk input

$$e_o = K\hat{e}_i$$

143

### Respons Orde I untuk Input ramp

#### Solusi khusus

- Misal  $e_o = A t + B$

- $- de_o/dt = A$

- Pada  $t > 0$

$$\tau \frac{de_o}{dt} + e_o = Ke_i$$

$$\tau A + (At + B) = K\alpha t$$

$$(At + B) + At = K\alpha t$$

Sehingga  $A = K \alpha$

$$\tau A + B = 0 \rightarrow B = -K \alpha \tau$$

Solusi khusus:

$$e_o = K \alpha (t - \tau)$$

145

## Respons orde I untuk Input ramp (cont)

- Solusi (respon) total

$$e_o = (Ce^{-t/\tau}) + K\alpha(t - \tau)$$

- Syarat awal:

pada  $t = 0 \rightarrow e_o = 0$

$$0 = C(1) - K\alpha\tau \rightarrow$$

$$C = K\alpha\tau$$

- respons sistem:

$$e_o = K\alpha\tau e^{-t/\tau} + K\alpha(t - \tau)$$

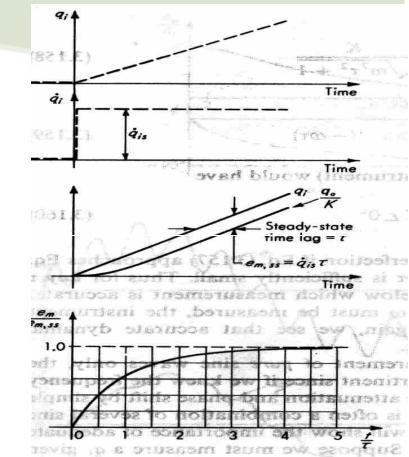
146

## Respons Sistem Orde I tipe nol untuk input Ramp

- Respons sistem ini untuk input ramp mempunyai keterlambatan respons selama  $\tau$

- Artinya pada suatu waktu  $t = t_1$  input yang masuk pada sistem seharga  $e_{i1} = \alpha t_1$ , seharusnya output sistem adalah  $e_o = K\alpha t_1$ , atau  $e_o/K = \alpha t_1$  tetapi kenyataanya  $e_o/K = \alpha(t_1 - \tau)$ . Jadi pada  $t = t_1$  terjadi kesalahan respons sebesar  $\Delta e_o = \alpha\tau$

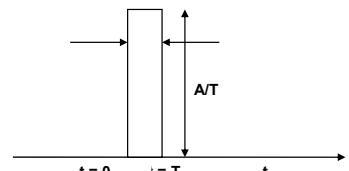
- Input ramp terjadi pada saat "start-up" dari suatu sistem proses atau sistem lainnya, karena itu sistem kontrol pada saat start up dibedakan dengan saat operasi, yaitu saat telah dicapai keadaan steady dari sistem.



147

## Respons orde I tipe nol untuk input pulsa

$$e_i = \begin{cases} 0 & \text{untuk } t < 0 \\ A/T & \text{untuk } 0 < t < T \\ 0 & \text{untuk } t > T \end{cases}$$



- Solusi umum:

$$e_o = Ce^{-t/\tau}$$

- Untuk  $t = 0$ ,  $e_o = 0$

- Untuk  $0 < t < T$ ,

$$e_o = \frac{KA}{T} (1 - e^{-t/\tau})$$

- Pada  $t = T \rightarrow$

$$e_o = \frac{KA}{T} (1 - e^{-T/\tau})$$

- Pada  $t > T \rightarrow$

$$e_o = (Ce^{-t/\tau})$$

- Sehingga pada  $t = T$

$$Ce^{-T/\tau} = \frac{KA}{T} (1 - e^{-T/\tau})$$

$$C = \frac{KA}{T} \frac{(1 - e^{-T/\tau})}{e^{-T/\tau}}$$

- Solusi total sistem orde I tipe 0 untuk input pulsa

$$e_o = \frac{KA}{T} \frac{(1 - e^{-T/\tau})}{e^{-T/\tau}} e^{-t/\tau}$$

- Pada  $T \rightarrow 0$ , maka harga

$$\begin{aligned} C &= \lim_{T \rightarrow 0} \frac{KA}{T} \frac{(1 - e^{-T/\tau})}{e^{-T/\tau}} \\ &= KA \frac{-(-1/\tau)e^{-T/\tau}}{e^{-T/\tau} + T(-1/\tau)e^{-T/\tau}} = \frac{KA}{\tau} \end{aligned}$$

- Maka

$$e_o = \frac{KA}{\tau} e^{-t/\tau}$$

- Respons sistem orde I tipe nol untuk input pulsa:

$$e_o = \frac{KA}{\tau} e^{-t/\tau}$$

- Di mana

pada  $t = 0 \rightarrow e_o = KA/\tau$  pada  $t = \infty \rightarrow e_o = 0$

- Output sinyal pulsa untuk sistem orde I tipe nol berbentuk sinyal yang meluruh dari  $e_o = KA/\tau$  menuju ke harga 0 untuk  $t$  yang besar

148

149

## Respons orde I tipe nol untuk input sinusoida

- Input sinusoida:

$$e_i = \begin{cases} \hat{e}_i \sin \omega t & \text{untuk } t \geq 0 \\ 0 & \text{untuk } t < 0 \end{cases}$$

- Respons umum:

$$e_o = (Ce^{-t/\tau})$$

- Respons khusus:

$$e_o = \hat{e}_o \sin(\omega t + \theta)$$

$$\frac{de_o}{dt} = \hat{e}_o [\omega \cos(\omega t + \theta)]$$

- Persamaan diferensial

$$\tau[\hat{e}_o \omega \cos(\omega t + \theta)] + \hat{e}_o \sin(\omega t + \theta) = K \hat{e}_i \sin(\omega t)$$

$$\hat{e}_o \{\cos(\omega t)[\omega \tau \cos \theta + \sin \theta] + \sin(\omega t)[- \omega \tau \sin \theta + \cos \theta]\} = K \hat{e}_i \sin(\omega t)$$

$$\omega \tau \cos \theta + \sin \theta = 0 \rightarrow \tan \theta = -\omega \tau \rightarrow \theta = -\tan^{-1}(\omega \tau)$$

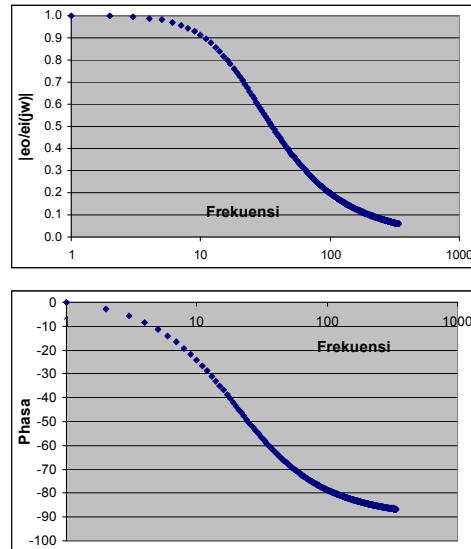
$$\sin \theta = \frac{-1}{\sqrt{(\omega \tau)^2 + 1}} ; \quad \cos \theta = \frac{\omega \tau}{\sqrt{(\omega \tau)^2 + 1}}$$

150

- Perbandingan amplitudo dan beda fasa sinyal output-input dinyatakan sebagai respons frekuensi sistem pada input sinusoida:

$$\frac{\hat{e}_o}{\hat{e}_i} = \left| \frac{e_o}{e_i} (j\omega) \right| = \frac{K}{\sqrt{(\omega \tau)^2 + 1}}$$

$$\theta = -\tan^{-1}(\omega \tau)$$



152

$$e_o(-\omega \tau \sin \theta + \cos \theta) = K \hat{e}_i \quad \frac{\hat{e}_o}{\hat{e}_i} = \frac{K}{-\omega \tau \left( \frac{-\omega \tau}{\sqrt{(\omega \tau)^2 + 1}} \right) + \frac{1}{\sqrt{(\omega \tau)^2 + 1}}} = \frac{K}{\sqrt{(\omega \tau)^2 + 1}}$$

- Respons pada input sinusoida, setelah transien mati:

$$e_o = \frac{K \hat{e}_i}{\sqrt{(\omega \tau)^2 + 1}} \sin(\omega \tau + \theta)$$

$$\hat{e}_o = \frac{K \hat{e}_i}{\sqrt{(\omega \tau)^2 + 1}} ; \quad \theta = -\tan^{-1}(\omega \tau)$$

- Dari persamaan ini dapat dilihat bahwa perbandingan amplitudo dan beda fasa output-input merupakan modulus dan argumen fungsi transfer sinusoida.

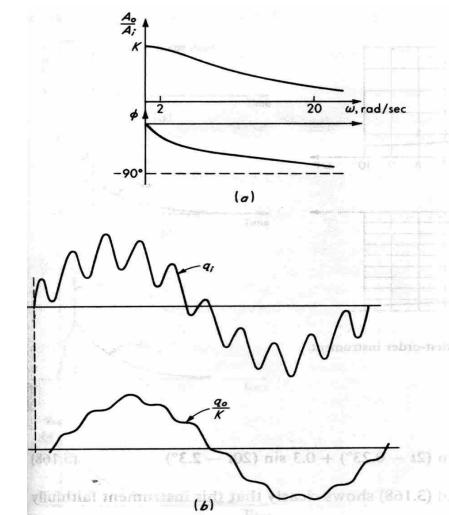
$$\left| \frac{e_o}{e_i} (j\omega) \right| = \frac{K}{\sqrt{(\omega \tau)^2 + 1}} ; \quad \theta = -\tan^{-1}(\omega \tau)$$

151

- Perbandingan amplitudo output-input sebagai fungsi frekuensi input digambarkan pada gambar di samping.

- Sistem orde I tipe nol dapat dinyatakan sebagai LPF (low pass filter).

- Jika diberikan input yang mengandung 2 frekuensi (frekuensi rendah dan tinggi), maka sistem akan memfilter frekuensi tinggi dan melewatkannya.



153

Contoh Soal:  $\left| \frac{e_o}{e_i} (j\omega) \right| = \frac{K}{\sqrt{(\omega\tau)^2 + 1}}$  ;  $\theta = -\tan^{-1}(\omega\tau)$

- Carilah daerah frekuensi input yang akan memberikan kesalahan penguatan maksimum 5% ( $\omega_{co}$ ), dan cari juga beda fasa output-input pada  $\omega = \omega_{co}$
- Pada  $\omega \ll 1/\tau$ ,

$$\left| \frac{e_o}{e_i} (j\omega) \right| = K$$

$$0,95K = \frac{K}{\sqrt{(\omega\tau)^2 + 1}}$$

$$\omega_{co} = \frac{1}{\tau} \sqrt{\left(1/0,95\right)^2 - 1}$$

$$\theta = -\tan^{-1}(\omega\tau)$$

154

Contoh Soal:

- Carilah settling time, rise time sistem orde I tipe nol jika mendapatkan input step:

$$e_i = \begin{cases} \hat{e}_i & \text{untuk } t \geq 0 \\ 0 & \text{untuk } t < 0 \end{cases}$$

Jika  $\tau = 20$  detik.

- Jawab:  
Settling time

$$e_o = K\hat{e}_i \left(1 - e^{-t/\tau}\right)$$

$$0,95K\hat{e}_i = K\hat{e}_i \left(1 - e^{-t/\tau}\right)$$

$$0,05 = e^{-t/\tau}$$

$$\ln(0,05) = -3,04 = -t/\tau$$

$$t = 60 \text{ detik}$$

- Rise time:

$$0,05K\hat{e}_i = K\hat{e}_i \left(1 - e^{-t/\tau}\right)$$

$$0,95 = e^{-t/\tau}$$

$$-t/\tau = \ln(0,95) \rightarrow t_1 = 1,48$$

$$t_r = 60 - t_1 = 58,52 \text{ detik}$$

155

## Sistem Orde I tipe satu

$$\tau \frac{de_o}{dt} + e_o = K\tau \frac{dx_i}{dt}$$

- Salah satu instrumen yang mempunyai karakteristik dinamik orde I tipe satu adalah sensor **piezoelektrik**.
- Bahan piezoelektrik mempunyai sifat:
  - Jika dimensi benda berubah, maka muatan listrik yang dapat tersimpan di dalam bahan akan berubah
  - Jika muatan listrik dalam bahan, maka dimensi benda berubah

$$Q = K_q x_i$$

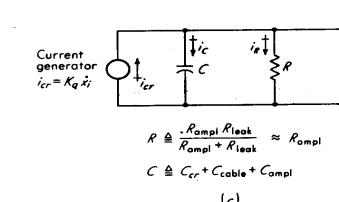
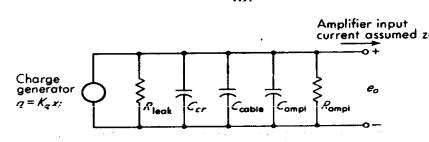
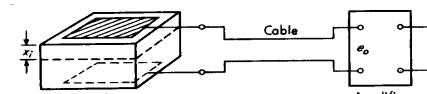
- Arus listrik adalah perubahan muatan listrik persatuan waktu:

$$i_{cr} = K_q \frac{dx_i}{dt}$$

- Pada bahan piezoelektrik yang dihubungkan dalam rangkaian tertutup, akan muncul arus listrik  $i_{cr}$ , jika dimensi bahan berubah oleh suatu sebab

156

- Rangkaian pengganti sistem piezoelektrik



- Persamaan arus listrik:

$$i_{cr} = i_C + i_R$$

$$e_o = \frac{1}{C_{tot}} \int i_C dt = i_R R_{tot}$$

$$C_{tot} \frac{de_o}{dt} = i_{cr} - i_R = Kq \frac{dx_i}{dt} - \frac{e_o}{R_{tot}}$$

$$C_{tot} R_{tot} \frac{de_o}{dt} + e_o = K_q R_{tot} \frac{dx_i}{dt}$$

$$\tau \frac{de_o}{dt} + e_o = K \tau \frac{dx_i}{dt}$$

$$\tau = R_{tot} C_{tot} \quad ; \quad K = \frac{K_q}{C_{tot}}$$

157

- Persamaan fungsi transfer:

$$\frac{e_o}{x_i}(D) = \frac{K\tau D}{\tau D + 1}$$

- Persamaan diferensial

$$\tau \frac{de_o}{dt} + e_o = K\tau \frac{dx_i}{dt}$$

- Solusi umumnya** sama seperti sistem orde I tipe nol

$$e_o = (Ce^{-t/\tau})$$

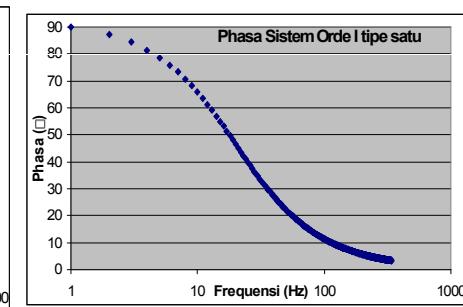
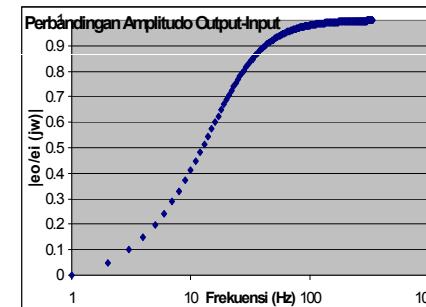
- Solusi khusus tergantung pada input yang bekerja pada sistem
  - Input step → mempunyai respons seperti respons sistem orde I tipe nol untuk input pulsa.
  - Input ramp → mempunyai respons seperti respons sistem orde I tipe nol untuk input step
  - Input sinusoida → berfungsi sebagai HPF (High Pass Filter)

158

## Respons frekuensi sistem orde I tipe satu

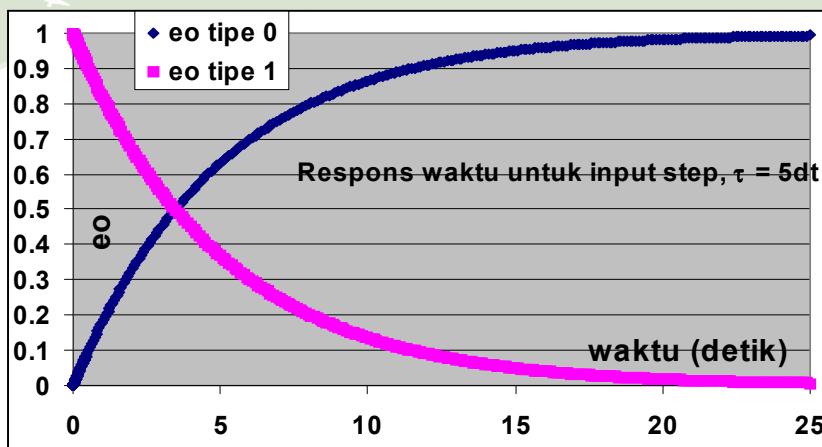
- Perbandingan amplitudo dan beda fasa output-input:

$$\left| \frac{e_o}{x_i}(j\omega) \right| = \frac{K\omega\tau}{\sqrt{(\omega\tau)^2 + 1}} \quad \theta = 90^\circ - \tan^{-1}(\omega\tau)$$



159

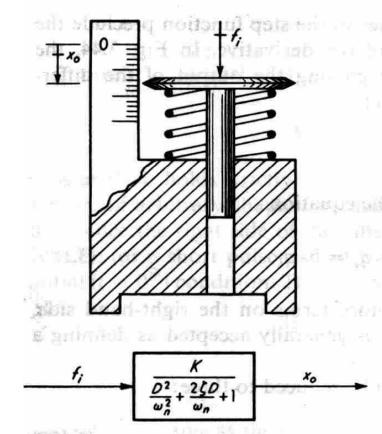
## Respons waktu sistem orde I tipe satu



160

## Sistem orde II

- Contoh instrumen dg dinamika orde II
  - Load cell adalah instrumen untuk mendeteksi harga gaya ( $f_i$ ) dengan output berupa defleksi pegas
  - Persamaan antara harga gaya  $f_i$ , dengan defleksi  $x_o$  adalah persamaan Hukum Newton II:



$$\Sigma F = m a = m \frac{d^2 x_o}{dt^2}$$

$$f_i - K_s x_o - B \frac{dx_o}{dt} = m \frac{d^2 x_o}{dt^2}$$

161

- Persamaan diferensial orde II

$$m \frac{d^2 x_o}{dt^2} + K_s x_o + B \frac{dx_o}{dt} = f_i$$

- Bentuk Fungsi Transfer:

$$\frac{x_o}{f_i}(D) = \frac{1}{mD^2 + BD + K_s}$$

- Bentuk Umum:

$$\frac{x_o}{f_i}(D) = \frac{K}{D^2/\omega_n^2 + 2\xi D/\omega_n + 1}$$

$$K = \frac{1}{K_s} \quad \omega_n = \sqrt{\frac{K_s}{m}} \quad \xi = \frac{B}{2\sqrt{K_s m}}$$

- Respon dalam domain waktu
  - Respons umum (respon transien)
  - Respon khusus (tergantung macam input)

### Respon umum:

$$m \frac{d^2 x_o}{dt^2} + K_s x_o + B \frac{dx_o}{dt} = 0$$

### Solusi umum:

$$x_o = C_1 e^{-t/\tau_1} + C_2 e^{-t/\tau_2}$$

$$\tau_1 = \frac{1}{\omega_n(\xi - \sqrt{\xi^2 - 1})}$$

$$\tau_2 = \frac{1}{\omega_n(\xi + \sqrt{\xi^2 - 1})}$$

162

- Jika  $\xi < 1$ , maka

$$\sqrt{\xi^2 - 1} = \sqrt{-(1 - \xi^2)} = i\sqrt{1 - \xi^2}$$

$$\tau_1 = \frac{1}{\omega_n(\xi - i\sqrt{1 - \xi^2})}$$

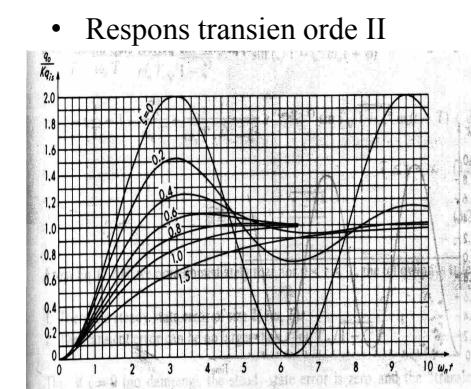
$$\tau_2 = \frac{1}{\omega_n(\xi + i\sqrt{1 - \xi^2})}$$

- Respons transien

$$x_o = C e^{-\xi \omega_n t} \left( e^{i \omega_n t \sqrt{1 - \xi^2}} - e^{-i \omega_n t \sqrt{1 - \xi^2}} \right)$$

- atau

$$x_o = C e^{-\xi \omega_n t} \sin(\omega_n t \sqrt{1 - \xi^2} + \theta)$$



163

- Jika  $\xi = 0$ , maka respons sistem akan berosilasi terus menerus, dengan frekuensi =  $\omega_n$

$$x_o = x_i \sin(\omega_n t)$$

- Jika  $\xi = 1$ , maka  $\tau_1 = \tau_2$  respons sistem menjadi:

$$x_o = C e^{-\omega_n t} (1 + \omega_n t)$$

Output sistem tidak berosilasi, dan respons transien akan lebih cepat mati, dibandingkan jika  $\tau_1 \neq \tau_2$

### Respons khusus sistem tergantung pada input

- Pada input step, output sistem mempunyai harga konstan.
- Pada input ramp, output sistem juga ramp dengan kecepatan naik/ turun yang sama dengan inputnya
- Pada input sinusoida, output sistem juga sinusoida dengan frekuensi yang sama dengan frekuensi input, tetapi amplitudo dan fasanya tergantung pada perbandingan frekuensi input dengan frekuensi natural sistem ( $\omega_n$ )

164

Kesimpulan : Ada 4 macam respons umum sistem Orde II, pada input step  $e_i = \hat{e}_i$  untuk  $t = 0$

- jika  $\xi = 0$ , respons berupa sinusoida murni (sistem undamped)  

$$e_o / K \hat{e}_i = 1 - \sin(\omega_n t)$$
- jika  $\xi < 1$ , respons akan menuju ke harga steady state dengan fluktuasi pada  $t \sim \infty$  (sistem underdamped)  

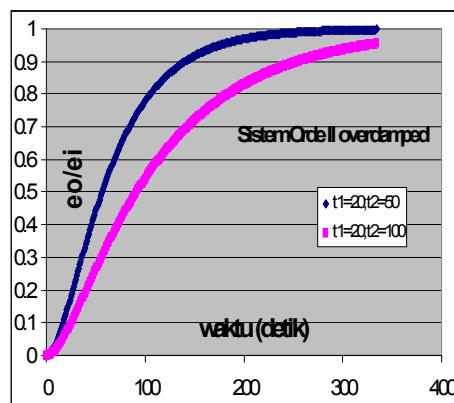
$$e_o / K \hat{e}_i = 1 - \frac{e^{-\xi \omega_n t}}{\sqrt{1 - \xi^2}} \sin(\omega_n t \sqrt{1 - \xi^2} + \theta)$$
- jika  $\xi = 1$ , respons akan menuju ke harga steady state tanpa fluktuasi pada  $t \sim \infty$   

$$e_o / K \hat{e}_i = 1 - e^{-\omega_n t} (1 + \omega_n t)$$
- jika  $\xi > 1$ , respons akan menuju ke harga steady state tanpa fluktuasi pada  $t \sim \infty$  (sistem overdamped)  

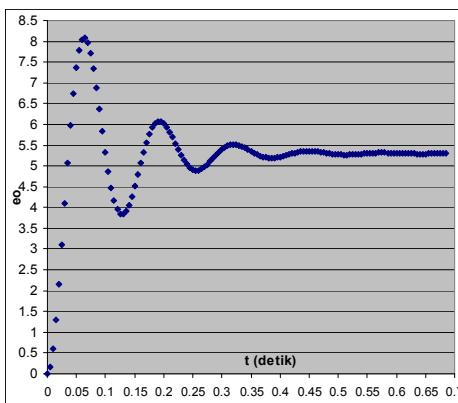
$$e_o / K \hat{e}_i = 1 + \frac{\tau_1}{\tau_2 - \tau_1} e^{-t/\tau_1} - \frac{\tau_2}{\tau_2 - \tau_1} e^{-t/\tau_2}$$

165

- overdamped.



- underdamped



166

## Respon Frekuensi Sistem Orde II

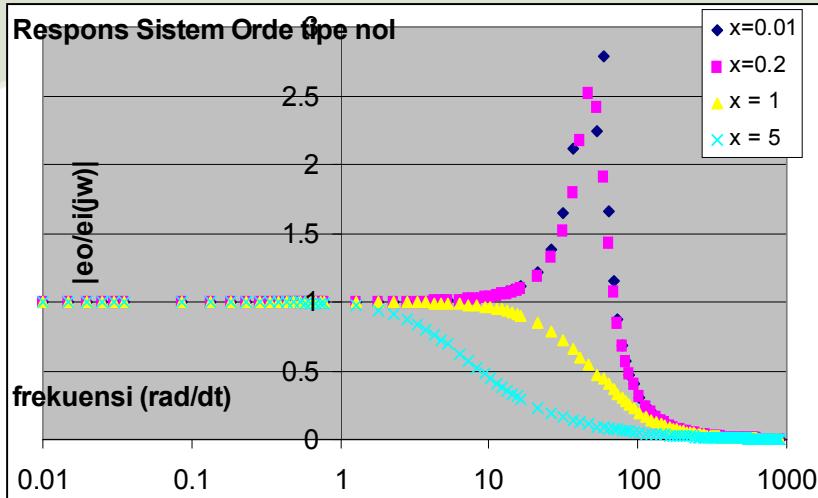
- Seperti pada sistem orde I, respon frekuensi sistem orde II dapat diturunkan dari harga modulus dan argumen fungsi transfer

$$\frac{e_o}{e_i}(D) = \frac{K}{D^2/\omega_n^2 + 2\xi D/\omega_n + 1}$$

$$\left| \frac{e_o}{e_i}(j\omega) \right| = \sqrt{\frac{1}{1 - \left( \frac{\omega}{\omega_n} \right)^2} + \left( \frac{2\xi\omega}{\omega_n} \right)^2} \quad \theta = -\tan^{-1} \left( \frac{2\xi\omega/\omega_n}{1 - (\omega/\omega_n)^2} \right)$$

167

Respons frekuensi sistem orde II tipe nol,  $\omega_n=50$  rad/dt



168

## Macam sistem orde II

- Sistem orde II tipe nol: merupakan karakteristik dinamik loadcell (detektor gaya  $F_i$ ) dan aselerometer (detektor percepatan  $a_i$ )

$$\frac{x_o}{F_i}(D) = \frac{K}{D^2/\omega_n^2 + 2\xi D/\omega_n + 1}$$

- Sistem orde II tipe satu: merupakan karakteristik dinamik velocitymeter ( $v_i$ )

$$\frac{x_o}{v_i}(D) = \frac{KD}{D^2/\omega_n^2 + 2\xi D/\omega_n + 1}$$

- Sistem orde II tipe dua: merupakan karakteristik dinamik displacement meter ( $x_i$ )

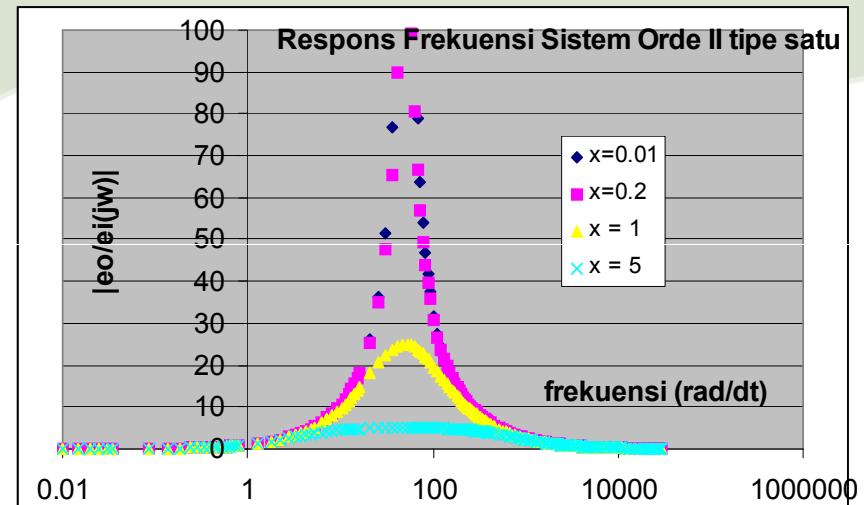
$$\frac{x_o}{x_i}(D) = \frac{KD^2}{D^2/\omega_n^2 + 2\xi D/\omega_n + 1}$$

169

- Ketiga macam tipe karakteristik sistem orde II tersebut mempunyai penyebut yang sama, tetapi pembilang dengan orde operator D yang berbeda.
- Secara matematis, respons sistem orde dua tipe satu → sinyal input mengalami diferensiasi sekali,
  - jika input sistem ramp → setelah dideferensier sekali menjadi input step.
  - jika input sistem step → setelah dideferensier sekali menjadi input pulsa.
  - jika input sistem sinusoida → setelah dideferensier sekali menjadi input sinusoida dengan beda fasa  $90^\circ$  dan amplitudo =  $K\omega \hat{e}_i$

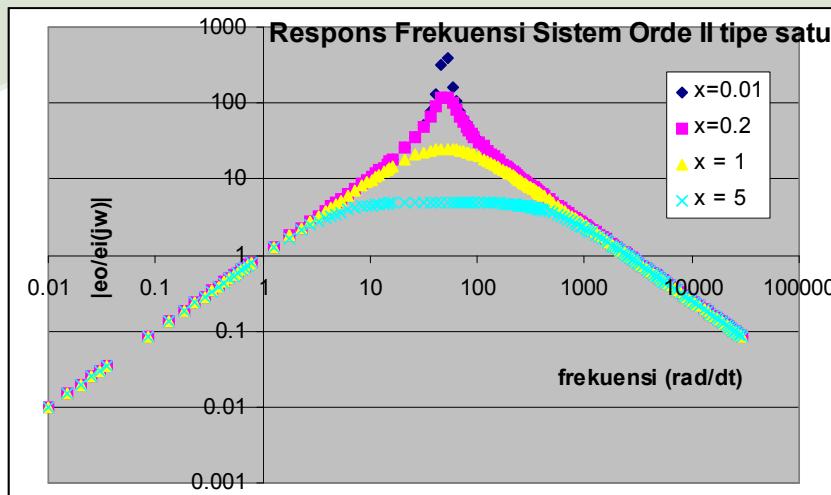
170

### Respons frekuensi sistem orde II tipe satu



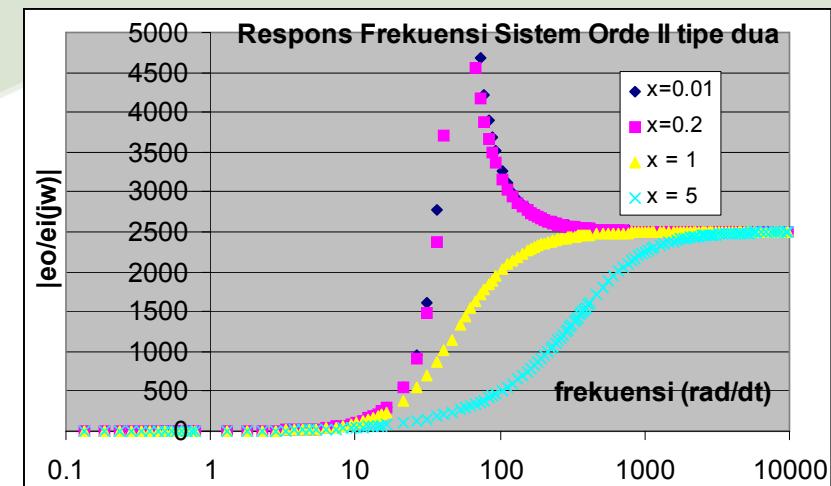
171

### Respons frekuensi sistem orde II tipe satu



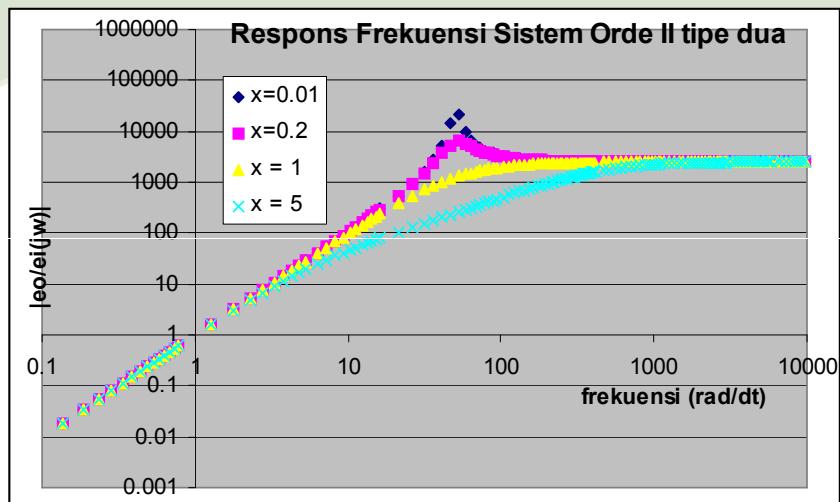
172

### Respons frekuensi sistem orde II tipe dua



173

## Respons frekuensi sistem orde II tipe dua



174

## Instrumen dengan orde tinggi

$$\frac{e_o}{e_i}(D) = \frac{1}{(\tau_1 D + 1)(\tau_2 D + 1)(\tau_3 D + 1) \cdots (\tau_n D + 1)}$$

$$\frac{e_o}{e_i}(D) = \frac{1}{(\tau_1 D + 1)\left(D^2/\omega_n^2 + 2\xi D/\omega_n + 1\right) \cdots (\tau_n D + 1)\left(D^2/\omega_n^2 + 2\xi D/\omega_n + 1\right)}$$

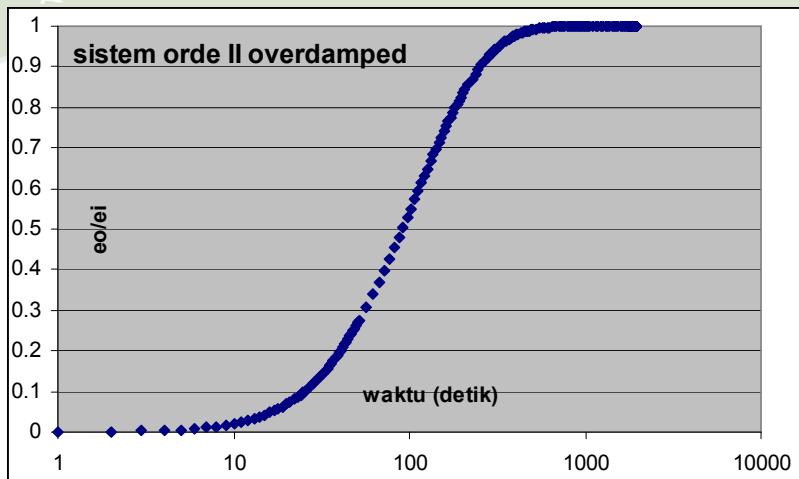
$$\frac{e_o}{x_i}(D) = \frac{Ke^{-t/\tau_{dt}}}{\tau D + 1} \quad \frac{x_o}{F_i}(D) = \frac{Ke^{-t/\tau_{dt}}}{D^2/\omega_n^2 + 2\xi D/\omega_n + 1}$$

$$\frac{e_o}{x_i}(D) = \frac{Ke^{-t/\tau}}{(\tau_1 D + 1)(\tau_2 D + 1)}$$

- Respons waktu sistem orde tinggi akan menampilkan waktu mati (dead time)

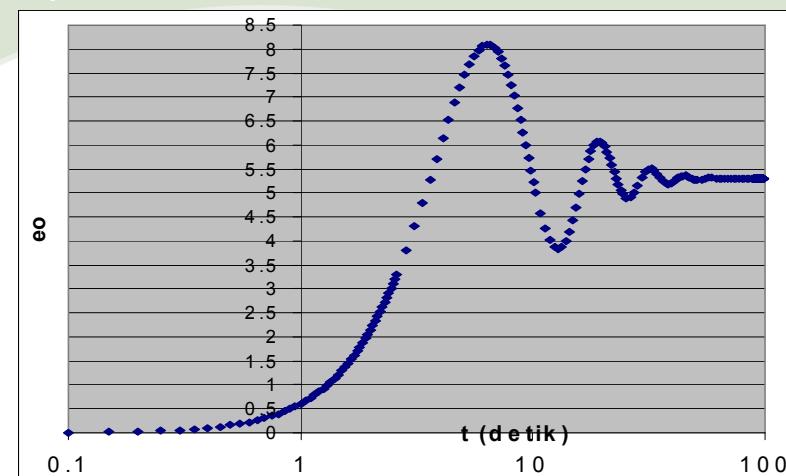
175

Sistem orde II overdamped, terlihat sbg sistem dgn waktu mati dengan waktu mati,  $\tau_1=20$  dt,  $\tau_2 = 100$  dt



176

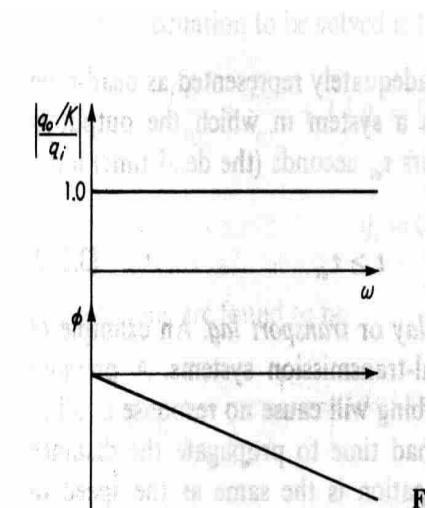
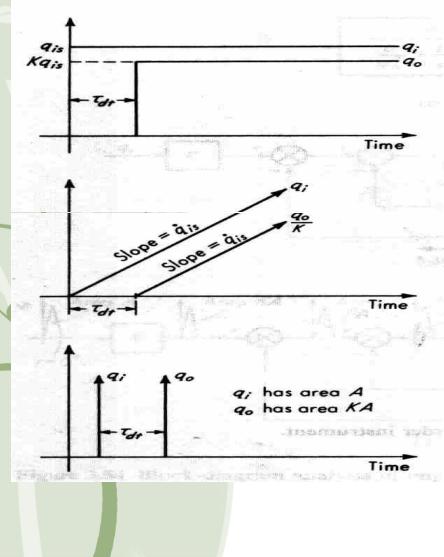
Sistem orde II underdamped, dengan  $\omega_n = 50$  rad/dt, dan  $\xi = 0,2$



177

## Pendekatan respons waktu dan respons frekuensi

### Instrumen Orde tinggi (dengan waktu mati)



178